

Sujet 1 - Variations de fonction

Exercice 3 =

① Si $g(3) > g(-1)$ g ne peut pas être strictement décroissante car :

$-1 < 3$
Donc on devrait avoir $g(-1) > g(3)$ si g était décroissante.

Exercice 5 =

① M est sur $[AB]$. Quand M est en A ,

$AM = 0$, puis lorsque M est en B ,

$AM = 6$. Donc x prend toutes les

valeurs entre 0 et 6.

② $ct(x) = ct_{ABED} - (ct_{ADC} + ct_{BCE})$

$$= \frac{(6-x+x) \times 6}{2} - \left(\frac{x^2}{2} + \frac{(6-x)^2}{2} \right)$$

$$= \frac{6 \times 6}{2} - \frac{x^2}{2} - \frac{(36 - 12x + x^2)}{2}$$

$$= \frac{36 - x^2 - 36 + 12x - x^2}{2}$$

$$= \frac{-2x^2 + 12x}{2}$$

$$= -x^2 + 6x$$

③ On conjecture que le minimum est

atteint en $x=3$, et vaut 9 ("graphé" de la calculatrice)

Sujet 3 - Fonctions carrée et trinômes

Exercice 2 =

$$(-3x+2)(5x-1) - (7x+3)(-3x+2) = 0$$

$$(-3x+2) \left[(5x-1) - (7x+3) \right] = 0$$

facteur commun

$$(-3x+2)(-2x-4) = 0$$

Or le produit de facteurs est nul si et

seulement si l'un des facteurs au moins est nul

$$\text{Donc } -3x+2=0 \text{ ou } -2x-4=0$$

$$-3x = -2 \quad -2x = 4$$

$$x = \frac{-2}{-3}$$

$$x = \frac{4}{-2}$$

$$x = -2$$

$$S = \left\{ -2; \frac{2}{3} \right\}$$

Exercice 3 =

① On développe : $-3(x-2)^2 + 5$

$$= -3(x^2 - 4x + 4) + 5$$

$$= -3x^2 + 12x - 12 + 5$$

$$= -3x^2 + 12x - 7 = f(x)$$

C'est donc bien la forme canonique d'eff.

② Pour tout réel x : $(x-2)^2 \geq 0$ (c'est un carré)

Donc en multipliant

$$\text{par } -3 : -3(x-2)^2 \leq 0$$

et d'où

$$\text{Avec } -3 : -3(x-2)^2 + 5 \leq 5$$

$$\text{Avec } f(x) : f(x) \leq 5$$

De plus $f(2) = 5$ - Donc 5 est le maximum de f atteint en 2.

③ Étant donné que le coefficient de x^2 est $a = -3$, on réduit les questions précédentes, le tableau de variations :

x	$-\infty$	$-\frac{(-1)}{2} = \frac{1}{2}$	$\frac{(-1)}{3} = -\frac{1}{3}$	$+\infty$
$f(x)$		\nearrow	\searrow	

④ On a $f(1) = -3 + 12 - 7 = 2$

Donc $A(1; 2) \in \mathcal{E}_f$.

L'axe de symétrie de \mathcal{E}_f est la droite d'équation $x = 2$.

Donc par symétrie on a aussi $f(3) = 2$

Exercice 4

(a) $\mathcal{A}_{\text{AIRM}} = \frac{4xx}{2} = 2x$

$\mathcal{A}_{\text{HBEF}} = (8-x)^2 = 64 - 16x + x^2$

Donc $\mathcal{A}_{\text{totale}} = 64 - 16x + x^2 + 2x$
 $= x^2 - 14x + 64 = f(x)$

(b) On résout $x^2 - 14x + 64 = 64$

$x(x - 14) = 0$

Donc $x = 0$ ou $x = 14$

Mais $\frac{0+14}{2} = 7$ et 7 est l'abscisse du sommet de la parabole qui représente \mathcal{E}_f par symétrie. De plus $f(7) = 15$. Donc les variations :

x	0	7	8
$f(x)$		\searrow	\nearrow

L'aire minimale est 15 cm^2 , atteinte pour $x = 7 \text{ cm}$.